

ت.ع :

$$V(Cl_2) = \frac{3 * 25 * 60 * 25}{2 * 9,65 * 10^4} \approx 0,58 L$$

الجزء الثاني :

1/ دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الماء :

1-1 الجدول الوصفي :

المعادلة كيميائية		$C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(l)} \rightleftharpoons C_6H_5COO^- + H_3O^+_{(aq)}$			
حالة المجموعة	التقدم	كمية المادة mol			
حالة البدئية	0	CV	وفير	0	0
حالة التحول	X	CV-X	وفير	x	X
حالة النهائية	$X_{\acute{e}q}$	CV- $X_{\acute{e}q}$	وفير	$X_{\acute{e}q}$	$X_{\acute{e}q}$

3/ تعبير نسبة التقدم :

$$\tau = \frac{x_{\acute{e}q}}{x_{max}}$$

المتفاعل المحد هو الحمض :

$$C.V - X_{max} = 0 \Rightarrow x_{max} = C.V$$

حسب تعريف الموصلية :

$$\sigma = \lambda_{C_6H_5COO^-} [C_6H_5COO^-]_{\acute{e}q} + \lambda_{H_3O^+} [H_3O^+]_{\acute{e}q}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$[A^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = \frac{x_{\acute{e}q}}{V}$$

$$\sigma = \lambda_{C_6H_5COO^-} [H_3O^+]_{\acute{e}q} + \lambda_{(H_3O^+)} [H_3O^+]_{\acute{e}q} \Leftarrow$$

$$x_{\acute{e}q} = \frac{\sigma.V}{\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{(H_3O^+)}} \Leftarrow \sigma = (\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{(H_3O^+)}) \frac{x_{\acute{e}q}}{V}$$

نسبة التقدم :

$$\tau = \frac{\sigma.V}{(\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{(H_3O^+)}) . C.V} = \frac{\sigma}{(\lambda_{C_6H_5COO^-} + \lambda_{(H_3O^+)}) . C}$$

ت.ع :

$$\tau = \frac{2,76 \cdot 10^{-2}}{(3,23 \cdot 10^{-3} + 35 \cdot 10^{-3}) * 10} \Rightarrow \tau = 0,072$$

التمرين 1 :

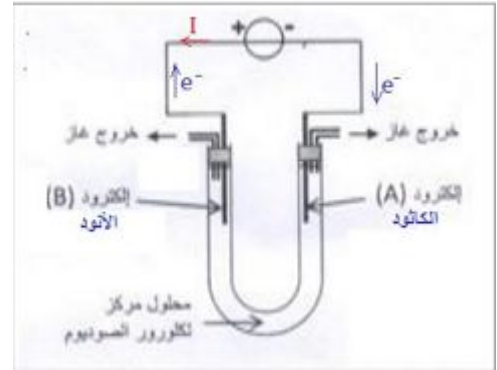
الجزء الأول :

1/ حسب تبيانة التركيب التجريبي منحى مرور الإلكترونات عكس منحى التيار

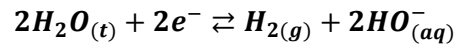
الكهربيائي حيث تنتقل الإلكترونات من الإلكترود B نحو الإلكترود A

الإلكترود A يمثل الكاتود يحدث على مستواه اختزال (أي اكتساب e^-)

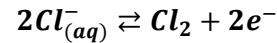
الإلكترود B يمثل الأنود يحدث على مستواه أكسدة (أي فقدان e^-)



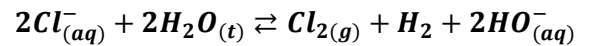
2/ بجوار الكاتود يحدث اختزال جزيئة الماء



بجوار تحدث أكسدة أيون Cl^- الكلورور :

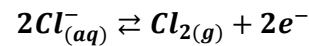


المعادلة الحصيلة :



3/ حساب حجم غاز الكلور المتكون عند الأنود :

من خلال نصف المعادلة :



لدينا :

$$n(Cl_2) = \frac{n(e^-)}{2}$$

نعلم أن :

$$\begin{cases} n(Cl_2) = \frac{V(Cl_2)}{V_m} \\ n(e^-) = \frac{Q}{F} = \frac{I \Delta t}{F} \end{cases} \Rightarrow \frac{V(Cl_2)}{V_m} = \frac{I \Delta t}{2F} \Rightarrow V(Cl_2) = \frac{I \Delta t \cdot V_m}{2F}$$

المعادلة كيميائية	C6H5-COOH+CH3-CH2-OH ⇌ C6H5-COO-CH2-CH3+H2O				
حالة المجموعة	التقدم	كميات مادة mol			
حالة البدئية	0	n ₀ (ac)	n ₀ (al)	0	0
حالة التحول	X	n ₀ (ac)-x	n ₀ (al)-x	x	X
حالة النهائية	X _f	n ₀ (ac)- x _f	n ₀ (al)- x _f	X _f	X _f

$$n_0(ac) = \frac{m_{ac}}{M_{(C_6H_5COOH)}} = \frac{2,44}{122} = 0,02 \text{ mol}$$

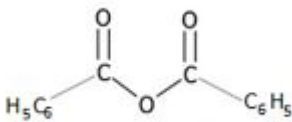
$$n_0(al) = \frac{m_{al}}{M_{(C_2H_5OH)}} = \frac{\rho \cdot V}{M_{(C_2H_5OH)}} = \frac{0,78 \cdot 10}{46} = 0,17 \text{ mol}$$

المتفاعل المحد هو حمض البنزويك و التقدم الأقصى هو $x_{max}=0,02 \text{ mol}$

$$n_{est} = \frac{m_e}{M_{(C_6H_5COOC_2H_5)}} = \frac{2,25}{150} = 0,015 \text{ mol}$$

$$r = \frac{n_{est}}{x_{max}} = \frac{0,015}{0,02} = 0,75 \Rightarrow r = 75\%$$

2-4- للرفع من مردود التفاعل نعوض حمض البنزويك بأندريد البنزويك صيغته نصف المنشورة هي



التمرين الثاني :

الموجات :

التأخر الزمني τ هو $\tau = 1\mu s$

لدينا:

$$\tau = \frac{0,2\mu s}{div} * 5div = 1,0\mu s$$

2- معامل انكسار الوسط الشفاف n هو $n \approx 1,6$

$$n = \frac{c}{v} = \frac{3 \cdot 10^8}{1,87 \cdot 10^8} \approx 1,8$$

1-2 / تعبير خارج التفاعل عند الدوران :

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[A^-]_{\acute{e}q}[H_3O^+]_{\acute{e}q}}{[AH]_{\acute{e}q}}$$

حسب الجدول الوصفي :

$$\begin{cases} [A^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} \\ [AH]_{\acute{e}q} = \frac{CV - x_{\acute{e}q}}{V} = C - \frac{x_{\acute{e}q}}{V} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} [A^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} \\ [AH]_{\acute{e}q} = C - [H_3O^+]_{\acute{e}q} \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} [A^-]_{\acute{e}q} = [H_3O^+]_{\acute{e}q} = C \cdot \tau \\ [AH]_{\acute{e}q} = C - 10^{-PH} = C - C \cdot \tau \end{cases}$$

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{([H_3O^+]_{\acute{e}q})^2}{C - [H_3O^+]_{\acute{e}q}} = \frac{(C \cdot \tau)^2}{C - C \cdot \tau} \Rightarrow Q_{r,\acute{e}q} = \frac{C \cdot \tau^2}{1 - \tau}$$

استنتاج قيمة pK_A

لدينا

لدينا : $Q_{r,\acute{e}q} = K_A$ و $pK_A = -\log K_A$

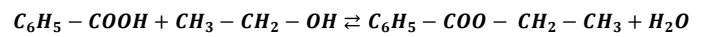
$$pK_A = -\log \frac{C \cdot \tau^2}{1 - \tau}$$

$$pK_A = -\log \left(\frac{10 \cdot 10^{-3} * 0,072}{1 - 0,072} \right) \approx 4,25$$

2-دراسة تفاعل حمض البنزويك مع الإثانول :

1-2/ دور حمض الكبريتيك (الحفاز) تسريع التفاعل :

2-2/ معادلة التفاعل بين حمض البنزويك و الإثانول :



2-3/ تحديد مردود التفاعل :

حسب تعريف المردود :

$$r = \frac{n_{exp}}{n_{max}} = \frac{n_e}{x_{max}}$$

حسب الجدول الوصفي :

1-2- اثبات المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر UC

حسب قانون اضافية التوترات : $U_R + U_C + E$

$$Ri + U_C = E$$

$$i = \frac{dq}{dt} = C \frac{dU_C}{dt} \text{ مع}$$

$$RC \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$$

المعادلة التفاضلية نكتب : $\tau \frac{dU_C}{dt} + U_C = E$ مع $\tau = RC$

1-3- تعبير كل من A و B :

لدينا :

$$\begin{cases} U_C = A + Be^{-t/RC} \\ \frac{dU_C}{dt} = -\frac{B}{RC} e^{-t/RC} \end{cases}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية :

$$-RC \frac{B}{RC} e^{-t/RC} + A + Be^{-t/RC} = E$$

$$\Rightarrow A - E + Be^{-\frac{t}{\tau}}(1 - 1) = 0$$

$$\Rightarrow A = E$$

حسب الشروط البدئية:

$$U_C(0) = A + B = 0 \Rightarrow B = -A \Rightarrow B = -E$$

حل المعادلة التفاضلية يكتب :

$$U_C(t) = E(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

1-4 تحديد ثابتة الزمن τ_1 عند درجة الحرارة 205°C :

عند اللحظة $t = \tau$ نكتب :

$$U_C(t) = E(1 - e^{-1}) = 6(1 - e^{-1}) = 3,79\text{V}$$

مبيانيا (انظر الشكل 2) نجد

$$\tau_1 = 0,5\text{ms}$$

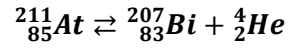
3- طاقة فوتون هذا الإشعاع هو : $E \approx 3,75 \cdot 10^{-19} \text{J}$

$$E = hv = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow E = \frac{6,63 \cdot 10^{-34} * 3 \cdot 10^8}{530 \cdot 10^{-9}} \approx 3,75 \cdot 10^{-19} \text{J}$$

التحولات النووية :

4- نواة البزموت الناتجة عن تفتت النواة $^{211}_{83}\text{At}$ رمزها هو $^{207}_{83}\text{Bi}$

التعليل باستعمال قانون صودي نحصل على معادلة التفتت التالية :



5- عمر النصف للاسيتات 211 يساوي : $t_{1/2} \approx 7,17\text{h}$

قانون التناقص الإشعاعي :

$$\log N = \log N_0 - \lambda t \quad \text{أي} \quad N = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\log N = \log N_0 - \frac{\ln 2}{t_{1/2}} t$$

المعامل الموجه للدالة التالفية $\log N = f(t)$ هو :

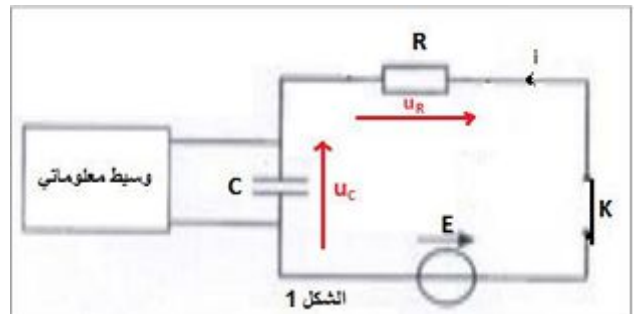
$$K = \frac{37,65 - 37,94}{3 - 0} = -\frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$

$$t_{1/2} = \frac{3 \ln 2}{37,94 - 37,65} \approx 7,17\text{h}$$

التمرين الثالث: الكهرباء

الجزء الأول : دراسة القطب RC خاضع لرتبة توتر صاعدة

1-1 تمثيل التوترين UC و UR في اصطلاح مستقبل



$$m = \frac{U_{m1}}{U_0} \text{ و } A = k \cdot U_0 \cdot U_{m2}$$

2-2 تحديد التردد f و F

حسب الشكل الدور T_S يساوي :

$$T_S = 8 \text{ div} * 0,5 \text{ ms} \cdot \text{div}^{-1}$$

$$f = \frac{1}{T_S} = \frac{1}{8 * 0,5 \cdot 10^{-3}} : \text{ التردد } f$$

$$f = 250 \text{ Hz}$$

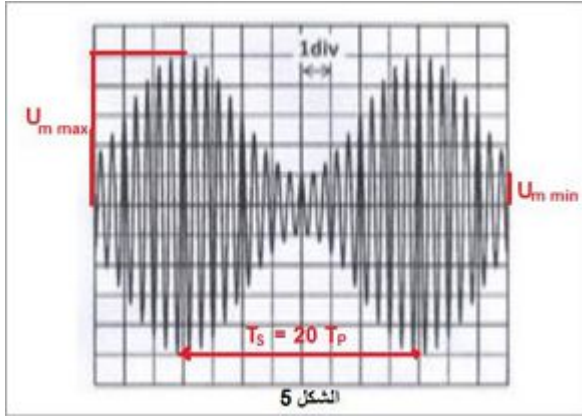
الدور T_P يساوي : $T_S = 20 T_P$

التردد F :

$$\frac{1}{f} = 20 * \frac{1}{F} \text{ أي}$$

$$F = 20f = 20 * 250 = 5 \cdot 10^4 \text{ Hz}$$

$$F = 50 \text{ kHz}$$

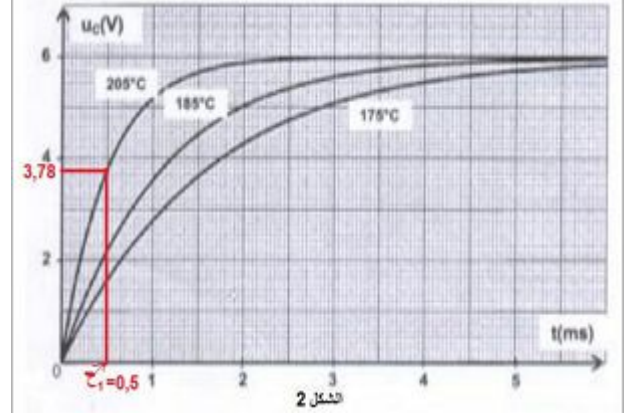


2-3 حساب نسبة التضمين m

$$m = \frac{U_{m \max} - U_{m \min}}{U_{m \max} + U_{m \min}}$$

حسب الشكل 5:

$$\begin{cases} U_{m \min} = \frac{1V}{\text{div}} * 1 \text{ div} = 1V \\ U_{m \min} = \frac{1V}{\text{div}} * 5 \text{ div} = 5V \end{cases} \Rightarrow m = \frac{5 - 1}{5 + 1} = 0,67$$



كلما ارتفعت درجة حرارة θ كلما تناقصت قيمة τ وبالتالي تناقصت مدة الشحن

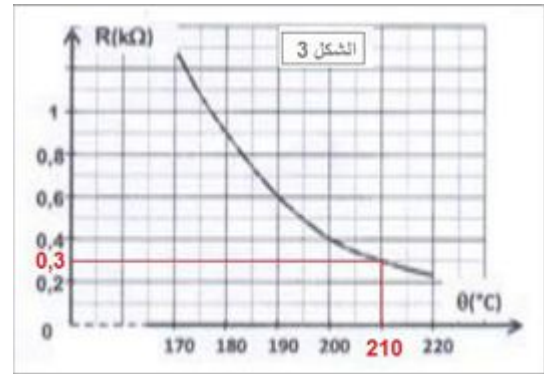
1-5 تحديد درجة الحرارة θ_2 :

تحديد مقاومة المجس الحراري R_2 الموافق لقيمة τ_2 حيث :

$$R_2 = \frac{\tau_2}{C} \text{ أي } \tau_2 = R_2 \cdot C$$

$$R_2 = \frac{0,45 \cdot 10^{-3}}{1,5 \cdot 10^{-6}} = 300 \omega = 0,3 \text{ k}\omega$$

باستعمال مبيان الشكل 3 نجد : $\theta_2 = 210^\circ \text{C}$



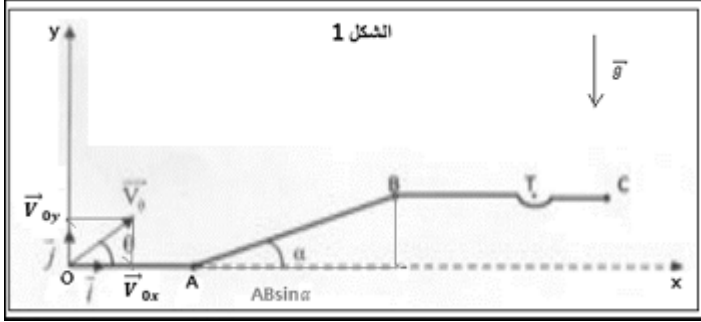
الجزء الثاني :

2-1 اثبات تعبير وسع التوتر المضمن الوسع : $U_C(t)$

لدينا :

$$\begin{aligned} U_S(t) &= k \cdot U_1(t) * U_2(t) \Rightarrow U_S(t) \\ &= k[U_0 \\ &\quad + U_{m1} \cos(2\pi f(t))] U_{m2} \cos(2\pi F(t)) \end{aligned}$$

$$U_S(t) = k \cdot U_0 \cdot U_{m2} \left[1 + \frac{U_{m1}}{U_0} \cos(2\pi f(t)) \right] \cos(2\pi F(t))$$



2- استنتاج معادلة المسار :

لنحدد معادلة المسار بإقصاء الزمن من المعادلتين للزمنيتين :

$$t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \Rightarrow y = -\frac{1}{2} g \left(\frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right)^2 + V_0 \sin \alpha \cdot \frac{x}{V_0 \cos \alpha}$$

$$\Rightarrow y = -\frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \cdot \tan \alpha$$

ت.ع :

$$y = -\frac{10}{2 * 10^2 * \cos^2(45^\circ)} x^2 + x \tan(45^\circ) \Rightarrow x(t)$$

$$= -0,1^2 x^2 + x$$

3- تحديد أفصول قمة المسار:

عند قمة المسار يكون :

$$\frac{d^2x}{dt^2} = 0 \Rightarrow -2 * (0,1)x + 1 = 0 \Rightarrow -0,2x = -1$$

$$\Rightarrow x = x_S = \frac{1}{0,2} = 5m$$

4- التحقق من أن الكرة تمر من النقطة T :

احداثيات النقطة T هما :

$$x_T = OA + AB \cos \alpha + BT = 2,2 + 4 \cos(24^\circ) + 2,1$$

$$= 7,95m$$

$$y_p = AB \sin \alpha = 4 \sin(24^\circ) = 1,63m$$

تحديد أرتوب النقطة P باستعمال معادلة المسار :

$$y(x_p) = -0,1 * (7,95)^2 + 7,95 = y(x_p) = y_p$$

$$= 1,63m$$

نستنتج أن الكرة تمر من النقطة T مركز الحفرة :

بما أن $m < 1$ فإن التضمين جيد

التمرين الرابع : الميكانيك

الجزء الأول :

المعادلتين الزمنيةتين $X(t)$ و $Y(t)$:

المجموعة المدروسة : (كرة الغولف)

تخضع الكرة لقوة وحيدة \vec{p} :

باعتبار المعلم (o, \vec{i}, \vec{j}) المرتبط بالأرض غاليليا نطبق القانون الثاني لنيوتن

نكتب :

$$\vec{a}_G = \vec{g} \text{ أي } m\vec{a}_G = m\vec{g} \text{ و بالتالي } \vec{a}_G = \vec{g}$$

حسب الشروط البدئية :

$$\begin{cases} V_{0x} = v_0 \cos \theta \\ V_{0y} = v_0 \sin \theta \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases}$$

الاسقاط على Ox و Oy :

$$\vec{a}_G \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a_x = \frac{dV_x}{dt} = 0 \\ a_y = \frac{dV_y}{dt} = -g \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} V_x = V_{0x} = V_0 \cos \theta \\ V_y = -gt + V_{0y} = -gt + V_0 \sin \theta \end{cases}$$

$$\vec{v}_G \begin{cases} V_x = \frac{dx}{dt} = V_0 \cos \theta \\ V_y = \frac{dy}{dt} = -gt + V_0 \sin \theta \end{cases}$$

$$\rightarrow \vec{OG} \begin{cases} x(t) = V_0 \cos \theta \cdot t + x_0 \\ y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + V_0 \sin \theta \cdot t + y_0 \end{cases}$$

$$\rightarrow \begin{cases} x(t) = V_0 \cos \theta \cdot t \\ y(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + V_0 \sin \theta \cdot t \end{cases}$$

ت.ع :

$$\begin{cases} x(t) = 10 * \cos(45^\circ) \cdot t \Rightarrow x(t) = 7,07t \\ y(t) = -\frac{1}{2} * 10t^2 + 10 \sin(45^\circ) \cdot t \Rightarrow y(t) = 5t^2 + 7,07t \end{cases}$$

عند اللحظة: t_1

$E_{c1} = 0$ و بالتالي $V_1 = 0$ و السرعة E_{pe1max} تكون $x_1 = 1\text{cm}$

عند اللحظة: t_2

$E_{c0} = 0$ و بالتالي $V_0 = 0$ و السرعة $E_{ep0\text{max}}$ تكون $x_0 = 2,5\text{cm}$

$$\Delta E_m = \Delta E_c + \Delta E_p = \Delta E_{pe} \Rightarrow \Delta E_m = -5,25\text{ mJ} < 0$$

الجزء الثاني :

1- نظام الدبذبات شبه الدوري :

2- حساب تغيير طاقة الوضع المرنة ΔE_{pe} للمتذبذب بين اللحظتين $t_0 = 0$

و t_1 :

$$\begin{aligned} \Delta E_{pe} &= E_{pe}(t_1) - E_{pe}(t_0) = \frac{1}{2}kx_1^2 + C - \left(\frac{1}{2}kx_0^2 + C\right) \\ &= \frac{1}{2}k(x_1^2 - x_0^2) \end{aligned}$$

مبيانيا لدينا :

$$t_0 = 0 \text{ و } x_1 = 1\text{cm} = 10^{-2}\text{m} \leftarrow t_1 = 1,2\text{ s}$$

$$x_0 = 2,5\text{ cm} = 2,5 \cdot 10^{-2}\text{m}$$

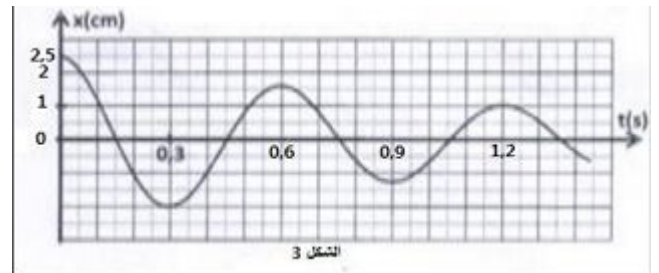
ت.ع :

$$\begin{aligned} \Delta E_{pe} &= \frac{1}{2} * 20 * \left\{ [1 \cdot 10^{-1}]^2 [2,5 \cdot 10^{-2}]^2 \right\} \\ &= -5,25 \cdot 10^{-3}\text{J} \end{aligned}$$

$$\Delta E_{pe} = -5,25\text{mJ}$$

استنتاج شغل قوة الارتداد: $W(\vec{T})$

$$W(\vec{T}) = -\Delta E_{pe} = 5,25\text{ mJ}$$



3- تحديد ΔE_m تعبير الطاقة الميكانيكية:

لدينا:

$$E_m = E_c + E_{pe}$$

عندما تكون طاقة الوضع المرنة قصوى تكون الطاقة الحركية منعدمة و العكس