



الصفحة	1
	4

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة العاديتة 2012
عناصر الإجابة

5	المعامل	NR27	النزعاء والكمياء	المادة
3	مدة الامتحان		شعبة العلوم التجريبية مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكها	الشعبة أو المسلك

الكمياء (7 نقط)

السؤال	التعرين	عنصر الإجابة	سلم التقييم	مراجع لسؤال في الإطار المرجعي
.1.1		- كتابة المعادلة الممنذجة للتتحول حمض - قاعدة وتعرف المزدوجين المتداخلتين في التفاعل	0.5	$\text{CH}_3\text{CO}_2\text{H}(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l}) \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{CO}_2^-(\text{aq}) + \text{H}_3\text{O}^+(\text{aq})$
.2.1		- إنشاء الجدول الوصفي لتقدم التفاعل	0.75	
.3.1		- التوصل إلى $x_{\text{eq}} = V \cdot 10^{-\text{pH}}$	0.5	
		- $x_{\text{eq}} \approx 1,26 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$	0.25	
.4.1		- الاستدلال	0.5	- إعطاء التعبير الحرفي لخارج التفاعل Q ، انطلاقا من معادلة التفاعل واستغلاله
.5.1		- التتحقق من قيمة $\text{pK}_A = -\log Q_{\text{eq}}$	2x0.25	- معرفة أن Q_{eq} خارج التفاعل لمجموعة في حالة توازن يأخذ قيمة لا تتصل بالترافق تسمى ثابتة التوازن K الموقوفة لمعادلة التفاعل - $\text{pK}_A = -\log K_A$
.1.2		- النوع المهيمن ($\text{CH}_3\text{CO}_2^-(\text{aq})$ ، التعيل)	2x0.25	- تعين النوع المهيمن، انطلاقا من معرفة pH للمحلول المائي و pK_A المزدوجة (قاعدة / حمض)
		- كتابة المعادلة الممنذجة للتتحول حمض - قاعدة وتعرف المزدوجين المتداخلتين في التفاعل	0.5	$\text{CH}_3\text{CO}_2\text{H}(\text{aq}) + \text{HO}^-(\text{aq}) \rightarrow \text{CH}_3\text{CO}_2^-(\text{aq}) + \text{H}_2\text{O}(\text{l})$

الكمياء (7 نقط)

- ملحة التكافؤ خلال معابرة حمض — قاعدة واستغلاله - إيجاد صيغتي الحمض الكربوكسيلي والكحول الموقوفين انطلاقاً من الصيغة نصف المشتورة للإستر - معرفة أن Q_{eq} خارج التفاعل لمجموعة في حالة توازن يأخذ قيمة لا تتعلق بالترافق تسمى ثابتة التوازن K الموافقة لمعادلة التفاعل - تحديد تركيب الخليط عند لحظة معينة	2x0.25	$C_A = 10^{-1} \text{ mol.L}^{-1}$	الطريقة +	2.2
	0.25+0.5	قيمة درجة الحموضة هي (6°)	الطريقة +	.
	0.25	القيمة المحصل عليها تجربياً مساوية للقيمة المسجلة على قنبلة الخل التجاري	3.2	.
	2x0.25	صيغة نصف المشتورة لكل من الإستر والكحول	1.3	.
	1	$n_{eq}(\text{acid}) = n_{eq}(\text{alcohol}) = 3,3 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ $n_{eq}(\text{ester}) = n_{eq}(\text{eau}) = 6,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$	2.3	.

(الفيزياء 13 نقطة)

التمرين	السؤال	عنصر الاجابة	سلم التقييم	مرجع السؤال في الأطراف المرجعى
1.1	موجة طولية		0.5	- تعرف الموجة الطولية والموجة المستعرضة
2.1	المدلول الفيزيائي للمقدار τ		0.5	- استغلال وثائق تجريبية ومعطيات لتحديد:
	المسافة :			◀ التأخر الزمني ; ◀ سرعة الانتشار.
3.1	التعبير +	$V_m = 340 \text{ m.s}^{-1}$	2x0.25	- تعرف الموجة المتناثرة لحادية البعد، ومعرفة العلاقة بين استطاله نقطة من وسط الانتشار واستطاله المنبع $y_M(t) = y_S(t-\tau)$
4.1	الجواب الصحيح هو ()		0.25	- تعرف الموجة المتناثرة لحادية البعد، ومعرفة العلاقة بين استطاله نقطة من وسط الانتشار واستطاله المنبع $y_M(t) = y_S(t-\tau)$
.2	الطريقة +	$V = 6 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}$	2x0.25	- استغلال العلاقة بين التأخر الزمني والمسافة وسرعة الانتشار
	جودة الخرسانة ممتازة		0.25	

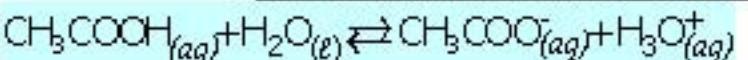
التمرين 1 نقطتين 2,5

عنصر الاجابة	سلم التقييم	مراجع السؤال في الإطار المرجعي
نظام انتقالى ؛ نظام دائى	2x0.25	- تحديد تغيرات التوتر A_{RL} (الاستجابة) بين مربطي وشاحن ثانى القطب RL لرتبة توتر
إثبات المعادلة التقاضلية	0.5	- إثبات المعادلة التقاضلية والتحقق من حلها عندما يكون RL خاصعاً لرتبة توتر
الوصول إلى:	2x0.5	$\tau = \frac{L}{R+r}$ و $A = \frac{E}{R+r}$
الاستدلال	0.25	- معرفة واستغلال تعبير ثابتة الزمن - استعمال معادلة الأبعاد
$\tau_2 \approx 1.4 \text{ ms}$ ؛ $\tau_1 \approx 2 \text{ ms}$	2x0.25	- استغلال وثائق تجريبية لـ: • تعرف التوترات الملاحظة؛ • إبراز تأثير R و L على استجابة ثانى التأثير. • تعين ثابتة الزمن.
الاستدلال	0.5	- إثبات المعادلة التقاضلية والتحقق من حلها عندما يكون RC خاصعاً لرتبة توتر
إثبات المعادلة التقاضلية	0.5	- إثبات المعادلة التقاضلية والتحقق من حلها عندما يكون RC خاصعاً لرتبة توتر
$\varphi = 0$ ؛ $T_0 = 60 \mu\text{s}$ ؛ $U_m = 6 \text{ V}$	3x0.25	- استغلال وثائق تجريبية لـ: • تعرف التوترات الملاحظة؛ • إبراز تأثير R و C على عملية الشحن. • تعين ثابتة الزمن.
الطريقة	2x0.25	- معرفة واستغلال تعبير الدور الخاص
الاستدلال	0.5	

الإجابة	عنصر الإجابة	سلم التقييم	مراجعة السؤال في الإطار المرجع
لـ	إثبات المعادلة التفاضلية: $\frac{d^2x_0}{dt^2} = g \cdot \sin \alpha$	0.5	- تطبيق القانون الثاني لنيوتون لإثبات المعادلة التفاضلية قصور جسم صلب على مستوى أفقي أو مائل وتحديد الحركية والحركية المميزة للحركة
لـ	حركة G مستقيمية متغيرة بانتظام + التحليل	2x0.25	- معرفة واستغلال مميزات الحركة المستقيمية المتغيرة ومعادلاتها الزمنية
لـ	$a_G = 5 \text{ m.s}^{-2}$	0.25	- استغلال مخطط السرعة ($V_0 = f(t)$)
لـ	الطريقة +	2x0.25	- معرفة واستغلال مميزات الحركة المستقيمية المتغيرة ومعادلاتها الزمنية
لـ	التوصل إلى:	0.75	- تطبيق القانون الثاني لنيوتون على قذيفة: + لإثبات المعادلات التفاضلية للحركة؛ + لاستنتاج المعادلات الزمنية للحركة واستغلا
لـ	التحقق من قيمة t_1	0.5	+ لإيجاد معادلة المسار، وقمة المسار والمدى
لـ	الطريقة +	0.25+0.5	$V_1 \approx 12.5 \text{ m.s}^{-1}$
لـ	$x_1 = V_D \cdot t_1$	2x0.25	$x_1 = 6.6 \text{ m}$
لـ	لا تتغير قيمة x_1 +	2x0.25	التحليل: قيمة x_1 لا تتعلق بالكتلة لأن $x_1 = V_D \sqrt{\frac{2h}{g}}$

١ دراسة محلول مائي لحمض الإيثانويك

1.1 - المعادلة الكيميائية لتفاعل حمض الإيثانويك مع الماء



2.1 - الجدول الوصفي لتقدير التفاعل

$\text{CH}_3\text{COOH}_{(aq)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COO}^-_{(aq)} + \text{H}_3\text{O}^+_{(aq)}$				معادلة التفاعل
cV	فائض	0	0	كمية المادة في الحالة البدئية 0 (mol) $t = 0$
$cV - x$	فائض	x	x	كمية المادة خلال التحول (mol)
$cV - x_{eq}$	فائض	x_{eq}	x_{eq}	كمية المادة في الحالة النهائية (mol) حالة التوازن الكيميائي

3.1 - تعبير تقدّم التفاعل عند حالة التوازن الكيميائي

حسب الجدول الوصفي كمية المادة لأيونات الأكسينيوم الناتجة عند حالة التوازن هي: $x_{eq} = [\text{H}_3\text{O}^+]$

$$x_{eq} = [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}$$

$$[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} = 10^{-pH}$$

$$x_{eq} = V \cdot 10^{-pH}$$

$$x_{eq} = 1,0 \times 10^{-2,9} = 1,26 \cdot 10^{-3} \text{ mol L}^{-1}$$

4.1 - تعبير خارج التفاعل عند حالة التوازن و قيمته

$$Q_{r,eq} = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq} \cdot [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{eq}}$$

تعبير خارج التفاعل عند حالة التوازن هو:

$$[\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq} = [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} = \frac{x_{eq}}{V}$$

$$[\text{CH}_3\text{COOH}]_{eq} = \frac{cV - x_{eq}}{V}$$

$$Q_{r,eq} = \frac{\left(\frac{x_{eq}}{V}\right)^2}{\frac{cV - x_{eq}}{V}}$$

نستنتج بالتعويض في تعبير $Q_{r,eq}$: $Q_{r,eq} = \frac{x_{eq}^2}{cV - x_{eq}}$

ثابتة الحمضية للمزدوجة $\text{CH}_3\text{COOH}_{(aq)} / \text{CH}_3\text{COO}^-_{(aq)}$ تساوي خارج التفاعل عند حالة التوازن الكيميائي:

$$K_A = Q_{r,eq}$$

نستنتج:

$$K_A = \frac{x_{eq}^2}{V(cV - x_{eq})}$$

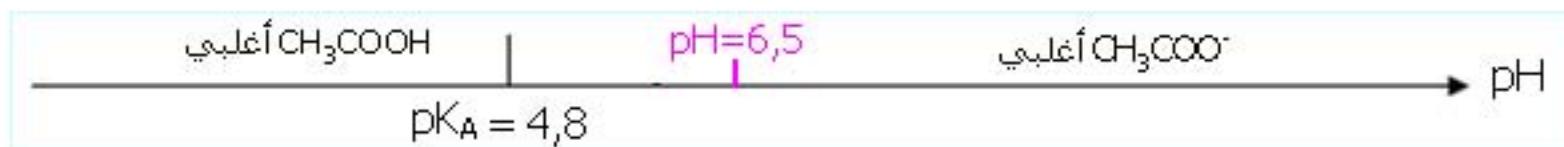
$$K_A = \frac{(1,26 \cdot 10^{-3})^2}{1,0 \times (0,10 \times 1,0 - 1,26 \cdot 10^{-3})} = 1,6 \cdot 10^{-5}$$

ت.ع.

و علما أن $pK_A = -\log K_A$ فإن وبالتالي:

5.1 - النوع المهيمن

مناطق الهيمنة للنوعين الحمضي و القاعدي للمزدوجة $\text{CH}_3\text{COOH}_{(aq)} / \text{CH}_3\text{COO}^-_{(aq)}$ هي كالتالي:

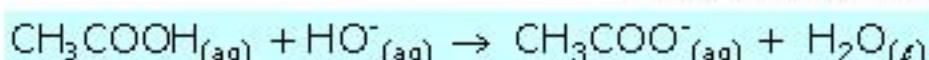


بما أن $pK_A < pH$ فإن النوع المهيمن هو النوع القاعدي:

2 - تتحقق من درجة الحموضة لخل تجاري

1.2 - المعادلة الكيميائية لتفاعل المعايرة

التفاعل الحاصل خلال المعايرة هو تفاعل بين حمض المزدوجة $\text{CH}_3\text{COOH}_{(aq)}$ و قاعدة المزدوجة $\text{HO}^- / \text{H}_2\text{O}_{(l)}$ ، و معادلته هي:



2.2 - التركيز المولى لحمض الإيثانوليك في محلول (S_H)

عند التكافؤ الحمضي- القاعدي تتحقق المتساوية:

$$n_A(\text{CH}_3\text{COOH}) = n_B(\text{HO}^-)$$

$$c_A = \frac{0,20 \times 10}{20} = 0,10 \text{ mol.L}^{-1}$$

ت.ع.

$$c_A = \frac{c_B \cdot V_{BE}}{V_A}$$

أي: $c_A \cdot V_A = c_B \cdot V_{BE}$ و منها نستنتج:

3.2 - درجة حموضة الخل التجاري

• كمية المادة لحمض الإيثانوليك الموجودة في الحجم المعاير هي:

$$c_A \cdot V_A$$

و في الحجم الكلي للمحلول (S_H) هي إذن:

$$n_A = \frac{500}{20} c_A \cdot V_A$$

(تستعمل القاعدة الثلاثية)

• نستنتج كتلة حمض الإيثانوليك الموجودة في 50g من الخل التجاري:

$$m_A = \frac{500}{20} c_A \cdot V_A \cdot M$$

$$m_A = \frac{500}{20} \times 0,10 \times 20 \times 10^{-3} \times 60 = 3,0 \text{ g}$$

ت.ع.

و في 100g من الخل كتلة حمض الإيثانوليك الموجودة هي: $m_A = 6,0 \text{ g}$
 إذن درجة حموضة هذا الخل هي 6° : نستنتج أن القيمة المحصل عليها تجريبياً مطابقة للقيمة المسجلة على اللصيقة.

3 - تحضير إستر بنكهة الإجاص

1.3 - الصيغة نصف المنشورة لكل من الإستر والكحول

الكحول	الإستر
$\text{CH}_3-(\text{CH}_2)_4-\text{OH}$	$\text{CH}_3-\overset{\text{O}}{\underset{ }{\text{C}}}-\text{O}-(\text{CH}_2)_4-\text{CH}_3$

2.3 - تركيب المجموعة الكيميائية عند حالة التوازن
 ننشئ جدول التقدم:

$\text{CH}_3\text{COOH}_{(s)} + \text{C}_5\text{H}_{11}\text{OH}_{(l)} \rightleftharpoons \text{CH}_3\text{COOC}_5\text{H}_{11}_{(s)} + \text{H}_2\text{O}_{(l)}$				معادلة التفاعل
n_0	n_0	0	0	كميات المادة بالمول في الحالة البدئية
$n_0 - x_f$	$n_0 - x_f$	x_f	x_f	كميات المادة بالمول في الحالة النهائية (حالة التوازن)

خارج التفاعل في الحالة النهائية، أي حالة التوازن، هو: $Q_{eq} = \frac{x_f^2}{(n_0 - x_f)^2}$ (بعد الاختزال بالحجم V)

و حيث أن $4 = K = Q_{eq}$ ، نستنتج المعادلة التالية: $\frac{x_f}{n_0 - x_f} = 2$

$x_f = \frac{2}{3}n_0$ وهي معادلة من الدرجة الأولى و حلها هو:

$$x_f = 6,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

و بالتالي تركيب المجموعة عند حالة التوازن هو:

$0,1 - x_f = 3,3 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ من الحمض	$0,1 - x_f = 3,3 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ من الكحول	$x_f = 6,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ من الإستر	$x_f = 6,7 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ من الماء
---	--	--	---

١ - تحديد سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء

١.١ - الموجة فوق الصوتية طولية أم مستعرضة؟

الموجة فوق الصوتية موجة ميكانيكية ناتجة عن انتشار انضغاط و تمدد لهما اتجاه موازي لاتجاه الانتشار، وهي موجة طولية.

٢.١ - المدلول الفيزيائي للمقدار τ

٢ تمثل التأخير الزمني و هو المدة اللازمة لكي تقطع الموجة المسافة الفاصلة بين الباعث و المستقبل.

٣.١ - سرعة انتشار الموجة فوق الصوتية في الهواء

$$v_{air} = \frac{0,5}{1,47 \times 10^{-3}} = 340 \text{ m.s}^{-1} \quad \text{ت.ع.}$$

$$v_{air} = \frac{d}{\tau}$$

حسب تعريف سرعة الانتشار:

٤.١ - تغير استطالة النقطة B المناسب

النقطة B تكرر اهتزازات المنبع E بعد التأخير الزمني τ_B أي أن استطالة B في لحظة t هي استطالة E في اللحظة $\tau_B - t$. إذن التعبير المناسب لاستطالة B هو (١)

٢ - فحص جودة الخرسانة بالموجات فوق الصوتية

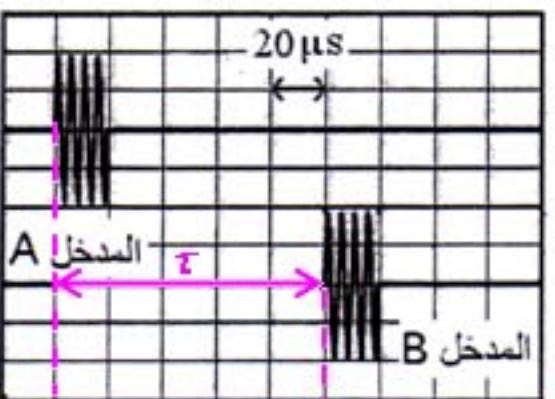
سرعة انتشار الموجة فوق الصوتية في الخرسانة هي:

٥.١ على التسجيل نقىس التأخير الزمني: $5 \times 20 = 100 \mu\text{s}$

نستنتج قيمة سرعة الانتشار:

$$v = \frac{60 \times 10^{-2} (\text{m})}{100 \times 10^{-6} (\text{s})} = 6000 \text{ m.s}^{-1}$$

هذه القيمة أكبر من 4000 m.s^{-1} ، نستنتج إذن أن جودة الخرسانة ممتازة.



1 - التتحقق من تغير قيمة L بوجود فلز الحديد

1.1 - النظامان اللذان يزهما المنهج

- نظام **انتقالى** حيث تتزايد شدة التيار،

- ونظام **دائم** حيث تؤول شدة التيار إلى قيمة حدية ثابتة
2.1 - المعادلة التفاضلية لشدة التيار

حسب قانون إضافية التوترات، في كل لحظة: $u_B + u_R = E$

$$\begin{cases} u_B = ri + L \frac{di}{dt} \\ u_R = Ri \end{cases}$$

و باعتبار:

نستنتج المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار:

$$ri + L \frac{di}{dt} + Ri = E$$

$$\frac{L}{R+r} \cdot \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R+r}$$

3.1 - تعسر كل من A و τ

لتحديد تعبيريهما بالتحقق من الحل.

من تعبير شدة التيار $i(t) = A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$ نستخرج تعبير مشتقتها:

$$\frac{di}{dt} = \frac{1}{\tau} \cdot A e^{-\frac{t}{\tau}}$$

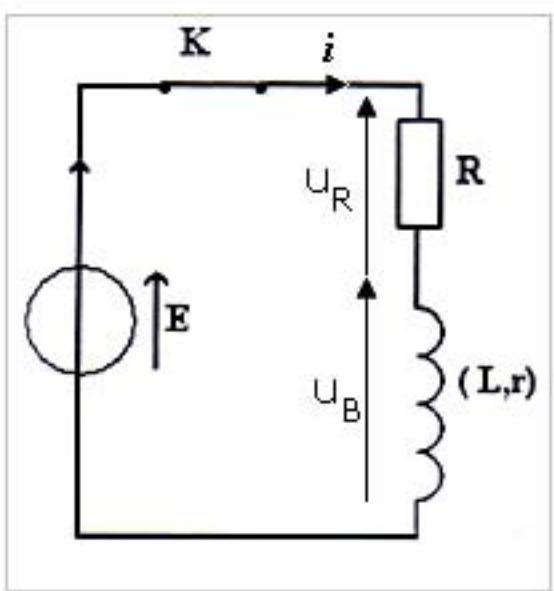
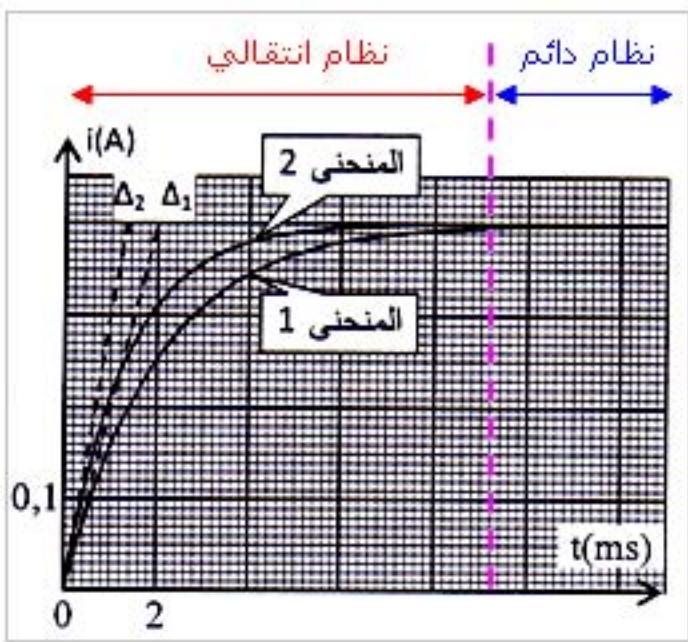
نعرض i و $\frac{di}{dt}$ بتعبيريهما في المعادلة التفاضلية:

$$\frac{L}{R+r} \cdot \frac{1}{\tau} \cdot A e^{-\frac{t}{\tau}} + A(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = \frac{E}{R+r}$$

$$A \left(\frac{1}{\tau} \cdot \frac{L}{R+r} - 1 \right) e^{-\frac{t}{\tau}} + A = \frac{E}{R+r} \quad \leftarrow$$

لكي تتحقق هذه المتساوية في كل لحظة ينبغي أن يتحقق الشرطان التاليان:

$$\tau = \frac{L}{R+r} \quad \text{أي:} \quad \frac{1}{\tau} \cdot \frac{L}{R+r} - 1 = 0 \quad \text{و} \quad A = \frac{E}{R+r}$$



$$[\tau] = \frac{[L]}{[R+r]} = \frac{[L]}{[R]}$$

حسب تعبير τ بعدها هو:

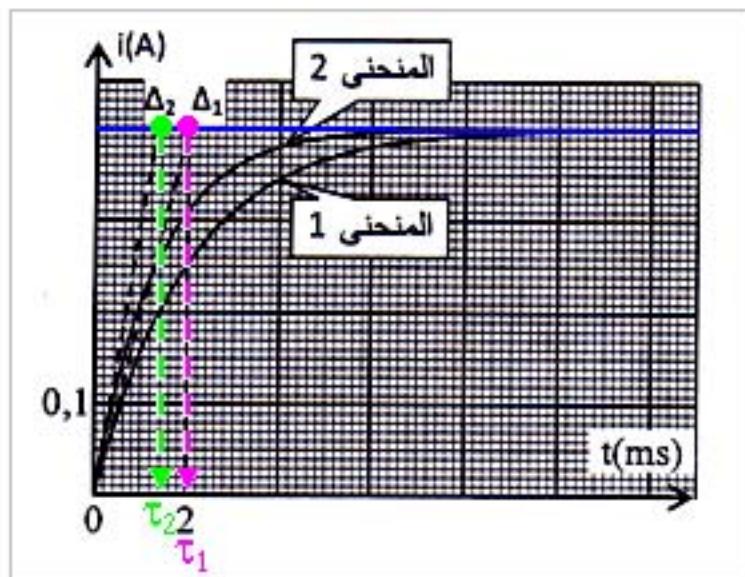
حسب العلاقات المميّزتين للوشيعة والموصل الأوّلي $L \frac{di}{dt}$ و Ri لهما نفس البعد وهو بعد توفر إذن:

$$[\tau] = [t] \quad \frac{[L]}{[R]} = \left[t \right] \frac{\left[L \frac{di}{dt} \right]}{\left[R \right]} \quad \text{أي:} \quad \left[L \frac{di}{dt} \right] = [Ri]$$

للثابتة τ بعد زمن، ولذلك تسمى ثابتة الزمن.

- 5.1 القيمتان τ_1 و τ_2 لثابتة الزمن

قيمة ثابتة الزمن هي أقصى نقطة تقاطع المماس عند الأصل مع المقارب للمنحنى:



نجد مبيانيا: $\tau_2 = 1.4 \text{ ms}$ و $\tau_1 = 2 \text{ ms}$

- 6.1 تغير قيمة τ

$$\begin{cases} \tau_1 = \frac{L_1}{R+r} \\ \tau_2 = \frac{L_2}{R+r} \end{cases} \quad \text{حسب تعبير } \tau \text{ و بما أن مقاومة الدارة ثابتة، لدينا:}$$

و حسب نتائج السؤال السابق: $\tau_1 > \tau_2$
نستنتج أن: $L_1 > L_2$

ما يعني أن قيمة معامل التحرير للوشيعة يرتفع بوجود فلز الحديد.

2 - التحقق من نوعية فلز

1.2 - المعادلة التفاضلية للتوتر

حسب قانون إضافية التوترات، في كل لحظة:

$$u_L + u_C = 0 \quad \text{و باعتبار: } i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt} \quad \text{و} \quad u_L = L_0 \frac{di}{dt}$$

نستنتج المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر بين مربطي المكثف:

$$L_0 C \frac{d^2 u_C}{dt^2} + u_C = 0$$

$$\frac{d^2 u_C}{dt^2} + \frac{1}{L_0 C} u_C = 0$$

2.2 - المقاييس المميزة للتذبذبات الدارة

- على الرسم التذبذبي نقيس:

- وسع التذبذبات ويساوي القيمة القصوى للتوتر U_m : $U_m = 6 V$

- الدور الخاص للتذبذبات: $T_0 = 60 \text{ مم}$

- حسب المعادلة الزمنية: $u_C(t=0) = U_m \cos \varphi$

$$\cos \varphi = \frac{u_C(t=0)}{U_m}$$

و مبيانيا: $\varphi = 0$ أي $\cos \varphi = 1$ نستنتج: $u_C(t=0) = U_m$

ب- سعة المكثف

$$C = \frac{T_0^2}{4\pi^2 L_0} \quad \text{و منه نستنتج: } T_0 = 2\pi\sqrt{L_0 C}$$

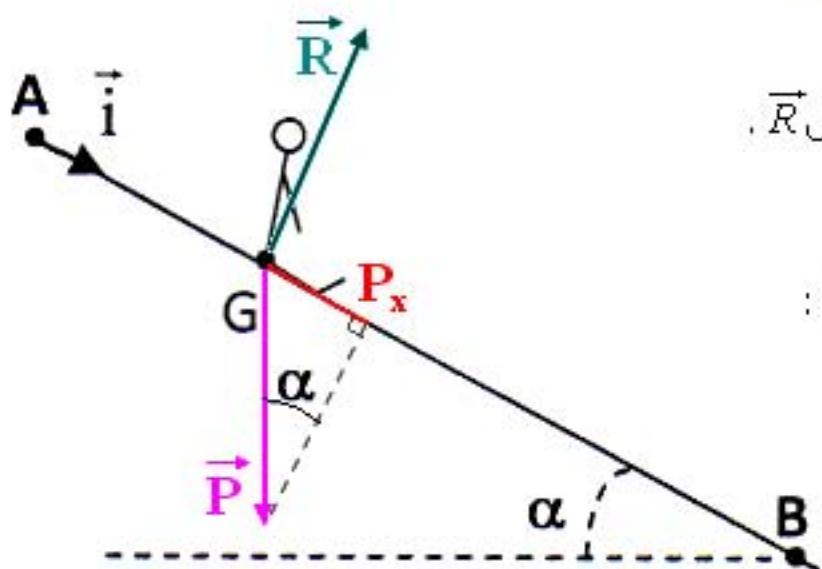
$$(C = 4,5 \text{ nF}) \quad C = \frac{(60 \times 10^{-6})^2}{4\pi^2 \times 20 \times 10^{-3}} = \underline{4,5 \cdot 10^{-9} F}$$

3.2 - التحقق من نوع الفلز

$$N_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{1}{60 \times 10^{-6}} = 1,6 \cdot 10^4 \text{ Hz} = 16 \text{ kHz}$$

نلاحظ أن: $N_0 > N$ يعني: $L_0 < L$ ما يعني أن القطعة الفلزية هي من الذهب (قد تكون من فلز آخر).

١ دراسة حركة مركز القصور لطفل على المسار AB



نقطة العلقة الأساسية للديناميك في المعلم (A, i)

$$P_x + R_x = m \cdot a_x$$

$$+ m g \sin \alpha + 0 = m \frac{d^2 x_G}{dt^2} \leftarrow$$

$$\frac{d^2 x_G}{dt^2} = g \sin \alpha \leftarrow$$

تسارع G ثابت: نستنتج أن حركته مستقيمية متغيرة بانتظام.

أ- قمة التسارع

باعتبار أن $a_G = \frac{dv_G}{dt}$ فإن a_G تمثل ميل المستقيم الذي يمثل مخطط السرعة:

$$a_G = \frac{dv_G}{dt} = \frac{\Delta v_G}{\Delta t} = \frac{1-0}{0,2-0} = \frac{1-0}{0,2-0} = 5 \text{ m.s}^{-2}$$

ب- المدة الزمنية المستغرقة لقطع المسافة AB

بما أن حركة G مستقيمية متغيرة بانتظام فإن معادلتها الزمنية هي: $x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0$

$$x_0 = x_A = 0 \text{ و } v_0 = v_A = 0$$

$$x = \frac{5}{2} t^2$$

نستنتج:

تحقق هذه المعادلة في كل نقطة من المسار AB وعلى الخصوص في B: $x_B = AB$ مع $x_B = \frac{5}{2} t_B^2$

نستنتج المدة الزمنية t_B المستغرقة لقطع المسافة AB:

$$t_B = \sqrt{\frac{2 \times 10}{5}} = 2 \text{ s}$$

2 دراسة حركة G في مجال الثقلة المنتظم

1.2 - معادلات الحركة

- جرد القوى المطبقة على الطفل:

باعتبار سقوطه حررا يخضع الطفل لوزنه \vec{P} فقط.

$$\vec{a}_G = \vec{g} \quad \vec{P} = m \cdot \vec{a}_G \quad \text{أي:}$$

- تطبيق القانون 2 لنيوتن:

الإسقاط في معلم الفضاء:

$$\begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} \end{cases} \quad \text{و باعتبار أن:} \quad \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = +g \end{cases} \quad \text{هي: } (D, i, j) \quad \text{إحداثيات } \vec{a}_G \text{ في المعلم}$$

مع K_1 و K_2 ثابتان تحددان بالشروط البدئية.

$$\begin{cases} v_x = K_1 \\ v_y = gt + K_2 \end{cases}$$

و بالتالي معادلتي السرعة:

$$\begin{cases} K_1 = v_D \\ K_2 = 0 \end{cases} \quad \text{نستنتج الثابتين:} \quad \begin{cases} v_{0x} = v_D \\ v_{0y} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = v_D t + K_3 \\ y = \frac{1}{2} g t^2 + K_4 \end{cases}$$

نستنتج بالتكامل المعادلتين الزمنيتين:

$$\begin{cases} v_x = \frac{dx}{dt} \\ v_y = \frac{dy}{dt} \end{cases} \quad \text{ثم باعتبار أن:}$$

مع K_3 و K_4 ثابتان تحددان بالشروط البدئية.

و بالتالي المعادلتين الزمنيتين للحركة:

$$\begin{cases} K_3 = 0 \\ K_4 = 0 \end{cases} \quad \text{نستنتج الثابتين:} \quad \begin{cases} x_0 = 0 \\ y_0 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = v_D t & (1) \\ y = \frac{1}{2} g t^2 & (2) \end{cases}$$

- معادلة المسار:

نجد المعادلة الديكارتية للمسار (x) $f(x) = y$ بإقصاء الزمن: (1) تعطي

$$t = \frac{x}{v_D} \quad y = \frac{g}{2v_D^2} \cdot x^2 \quad \text{و نستنتج: } y = \frac{1}{2} g \left(\frac{x}{v_D} \right)^2$$

2.2 - تاريخ لحظة وصول النقطة

أرتب النقطة I في المعلم (D, \vec{i}, \vec{j}) هو $y_I = h$ و باعتبار المعادلة الزمنية (2) $y_I = \frac{1}{2} g t_I^2$ نستنتج:

$$t_I = \sqrt{\frac{2 \times 1,8}{10}} = 0,6 \text{ s} \quad \text{ن.ع.} \quad t_I = \sqrt{\frac{2h}{g}} \quad \text{و بالتالي: } h = \frac{1}{2} g t_I^2$$

ب - قيمة السرعة في I

$v_{Ix} = v_D$ نستنتج إحداثياً السرعة في I:
 $v_{Iy} = g \cdot t_I$ معادلنا السرعة هما كما سبق:

$$v_I = \sqrt{v_{Ix}^2 + v_{Iy}^2} = \sqrt{11^2 + 6^2} = 12,5 \text{ m.s}^{-1} \quad \text{و بالتالي: } \begin{cases} v_{Ix} = 11 \text{ m.s}^{-1} \\ v_{Iy} = 6 \text{ m.s}^{-1} \end{cases} \quad \text{ن.ع.}$$

ج - أقصى النقطة

حسب المعادلة الزمنية (1) $x_I = v_D \cdot t_I$ لدينا: $v_D = v$

$$x_I = 11 \times 0,6 = 6,6 \text{ m} \quad \text{ن.ع.}$$

3.2 - تغير أو عدم تغير x مع الكتلة

من معادلة المسار $x_I^2 = \frac{g}{2v_D^2} \cdot h^2$ و منها نستخلص التعبير التالي:

$$x_I = v_D \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

هذه العلاقة تبين أن قيمة x_I مستقلة عن الكتلة.

(هذا طبعاً ليس صحيحاً إلا نظرياً بإهمال تأثيرات الهواء: دافعة أرخميد و قوة الاحتكاك)