

- نرسم $\bar{z}$ لموافق العدد العقدي z
- $\ln$ يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

الصفحة 2 3	NS 22	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية	
		التمرين الأول (نقطتان) : (1) (أ) حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المعادلة : $e^{2x} - 4e^x + 3 = 0$ 0.5 (ب) حل في المجموعة $\mathbb{R}$ المتراجحة : $e^{2x} - 4e^x + 3 \leq 0$ 0.5 (ج) احسب النهاية : $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x} - 4e^x + 3}{e^{2x} - 1}$ 0.5 (2) بين أن المعادلة $e^{2x} + e^x + 4x = 0$ تقبل حلا على المجال $[-1, 0]$ 0.5	
		التمرين الثاني (4 نقط) : لتكن (u_n) المتتالية العددية المعرفة كما يلي : $u_0 = \frac{1}{2}$ و $u_{n+1} = \frac{u_n}{3 - 2u_n}$ لكل n من $\mathbb{N}$ (1) احسب u_1 0.25 (2) بين بالترجع أن لكل n من $\mathbb{N}$ ، $0 < u_n \leq \frac{1}{2}$ 0.5 (3) (أ) بين أن لكل n من $\mathbb{N}$ ، $\frac{u_{n+1}}{u_n} \leq \frac{1}{2}$ 0.5 (ب) استنتج رتابة المتتالية (u_n) 0.5 (4) (أ) بين أن لكل n من $\mathbb{N}$ ، $0 < u_n \leq \left(\frac{1}{2}\right)^{n+1}$ ، ثم احسب نهاية المتتالية (u_n) 0.75 (ب) نضع $v_n = \ln(3 - 2u_n)$ لكل n من $\mathbb{N}$ ، احسب $\lim v_n$ 0.5 (5) (أ) تحقق من أن لكل n من $\mathbb{N}$ ، $\frac{1}{u_{n+1}} - 1 = 3 \left(\frac{1}{u_n} - 1 \right)$ 0.5 (ب) استنتج u_n بدلالة n لكل n من $\mathbb{N}$ 0.5	
		التمرين الثالث (5 نقط) : (1) حل في مجموعة الأعداد العقدية $\mathbb{C}$ المعادلة : $z^2 - \sqrt{3}z + 1 = 0$ 0.75 (2) نعتبر العددين العقديين $a = e^{i\frac{\pi}{6}}$ و $b = \frac{3}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ (أ) اكتب العدد a على الشكل الجبري . 0.25 (ب) تحقق أن $\bar{a}b = \sqrt{3}$ 0.5 في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $(O, \vec{u}, \vec{v})$ ، نعتبر النقاط A و B و C التي أحاقها على التوالي هي a و b و $\bar{a}$ (3) بين أن النقطة B هي صورة النقطة A بتحاك h مركزه O يتم تحديد نسبته. 0.5 (4) ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة النقطة M بالدوران R الذي مركزه A وزاويته $\frac{\pi}{2}$ (أ) اكتب z' بدلالة z و a 0.5 (ب) ليكن d لحق النقطة D صورة النقطة C بالدوران R ، بين أن $d = a + 1$ 0.25 (ج) لتكن I النقطة التي لحقها العدد 1 ، بين أن $ADIO$ معين . 0.5 (5) (أ) تحقق من أن $d - b = \frac{\sqrt{3} - 1}{2}(1 - i)$ و استنتج عمدة للعدد $d - b$ 0.75	

الصفحة 3 3	NS 22	الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا - الدورة العادية 2021 - الموضوع - مادة: الرياضيات- شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية ومسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الزراعية	
		(ب) اكتب العدد $b - 1$ على الشكل المثلثي . (ج) استنتج قياسا للزاوية $(\widehat{BI}, \widehat{BD})$	0.5 0.5
المسألة (9 نقط): نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0, +\infty[$ بما يلي : $f(0) = 0$ و $f(x) = 2x \ln x - 2x$ إذا كان $x > 0$ و (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ (الوحدة : 1cm)			
		(1) بين أن الدالة f متصلة على اليمين في النقطة 0	0.5
		(2) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$	0.5
		(ب) احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x}$ ثم أول النتيجة هندسيا .	0.5
		(3) (أ) احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x}$ ثم أول النتيجة هندسيا .	0.75
		(ب) احسب $f'(x)$ لكل x من المجال $]0, +\infty[$	0.5
		(ج) ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0, +\infty[$	0.5
		(4) (أ) حل في المجال $]0, +\infty[$ المعادلتين $f(x) = 0$ و $f(x) = x$	0.5
		(ب) أنشئ المنحنى (C) في المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ (نأخذ: $e^{\frac{3}{2}} \approx 4.5$)	1
		(5) (أ) باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن : $\int_1^e x \ln x dx = \frac{1+e^2}{4}$	0.5
		(ب) استنتج : $\int_1^e f(x) dx$	0.5
		(6) (أ) حدد القيمة الدنيا للدالة f على المجال $]0, +\infty[$	0.25
		(ب) استنتج أن لكل x من المجال $]0, +\infty[$ ، $\ln x \geq \frac{x-1}{x}$	0.5
		(7) ليكن g قصور الدالة f على المجال $[1, +\infty[$	0.5
		(أ) بين أن الدالة g تقبل دالة عكسية g^{-1} معرفة على مجال J يتم تحديده .	0.5
		(ب) أنشئ في نفس المعلم $(O, \vec{i}, \vec{j})$ المنحنى الممثل للدالة g^{-1}	0.75
		(8) نعتبر الدالة العددية h المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي : $\begin{cases} h(x) = x^3 + 3x & ; x \leq 0 \\ h(x) = 2x \ln x - 2x & ; x > 0 \end{cases}$	0.5
		(أ) ادرس اتصال الدالة h في النقطة 0	0.5
		(ب) ادرس قابلية اشتقاق الدالة h على اليسار في 0 و أول النتيجة هندسيا .	0.5
		(ج) هل الدالة h قابلة للاشتقاق في 0 ؟ علل جوابك.	0.25